

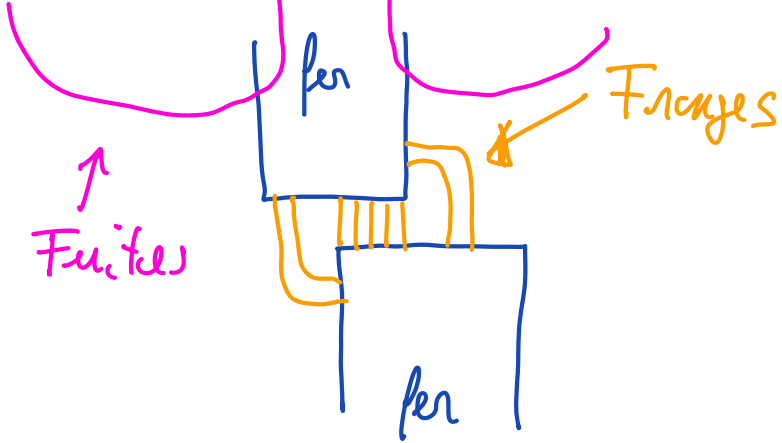
Franges, fuite, Perte !

EPFL

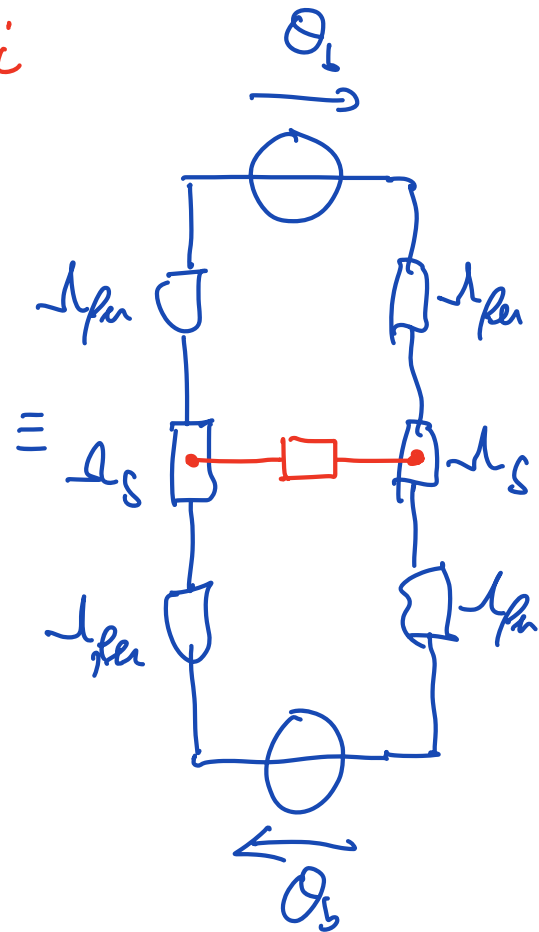
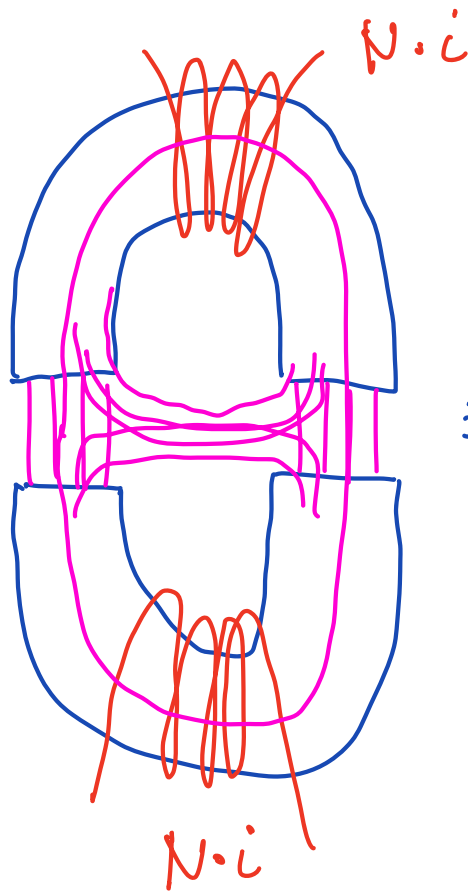
- Perte : puissance $\rightarrow W$

\rightarrow lié au champ magnétique :

- fuite : lignes de champ qui ne participent pas à la force
- frange : lignes de champ latérales qui participent à la force



Expérience :



Force avec un aimant :

$$W_{mag} = \int i \, d\psi$$

$$\rightarrow F_x = \frac{1}{2} \frac{dL}{dx} \cdot i^2 \quad (1 \text{ bob}).$$

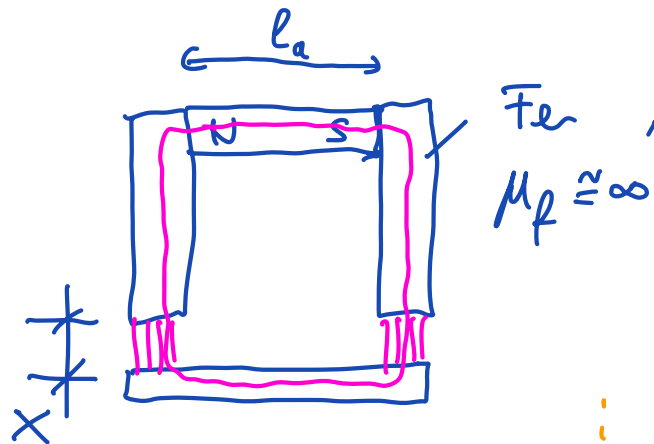
$$= \frac{1}{2} \frac{d\mathcal{L}_b}{dx} \cdot \mathcal{Q}_b^2$$

Par analogie \rightarrow aimant :

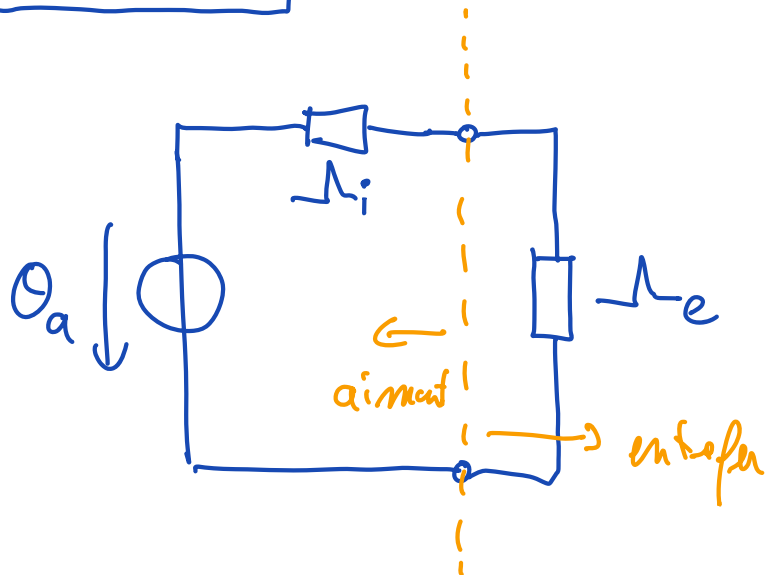
$$\overline{F}_x = \frac{1}{2} \frac{d\mathcal{L}_{tot}}{dx} \cdot \mathcal{Q}_a^2$$

$$\mathcal{Q}_a = H_0 \cdot l_a$$

Exemple :



Node Magnétique :



$$\mathcal{L}_i = \frac{\mu_d \cdot S_a}{l_a}$$

$$\mathcal{L}_e = \frac{\mu_0 \cdot S_e}{2x}$$

$$\begin{aligned} \mathcal{L}_{tot} &= \mathcal{L}_i \text{ en série avec } \mathcal{L}_e \\ &= \frac{\mathcal{L}_i \cdot \mathcal{L}_e}{\mathcal{L}_i + \mathcal{L}_e} \end{aligned}$$

$$F_x = \frac{1}{2} \frac{d\mathcal{L}_{\text{tot}}}{dx} \cdot Q_a^2$$

$$\frac{d\mathcal{L}_{\text{tot}}}{dx} = \frac{d\mathcal{L}_{\text{tot}}}{d\mathcal{L}_e} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx}$$

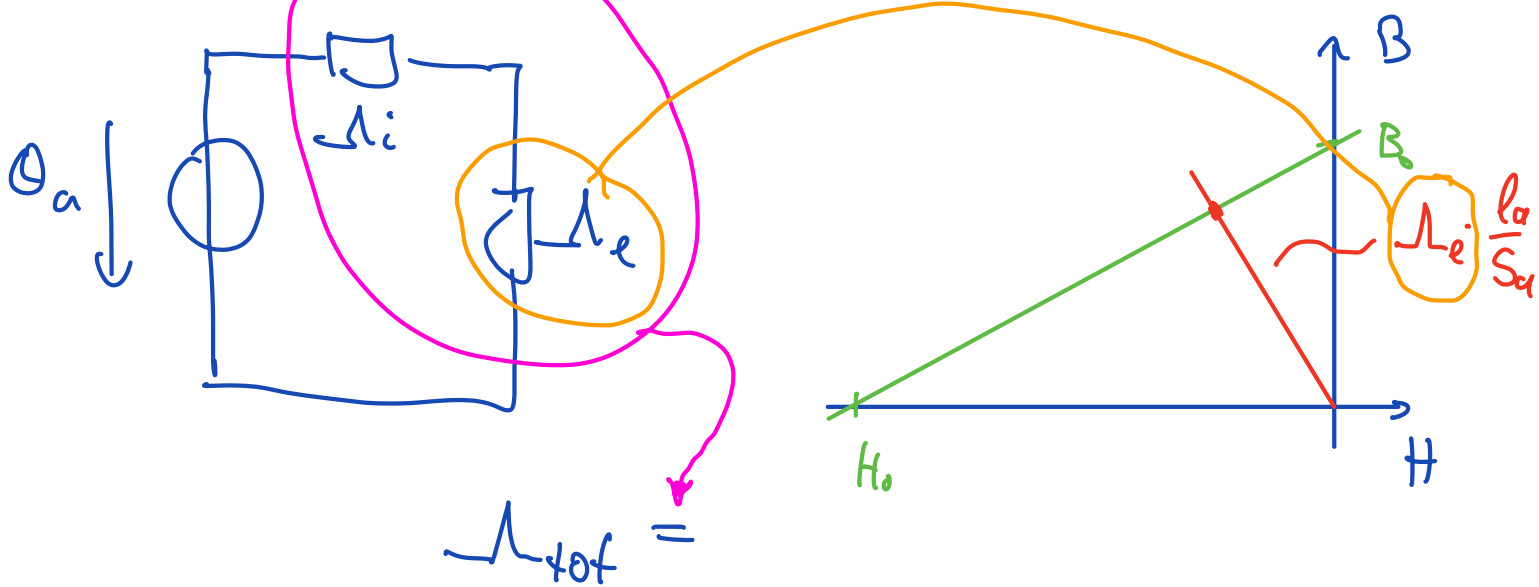
$$= \frac{d\left(\frac{\mathcal{L}_i \cdot \mathcal{L}_e}{\mathcal{L}_i + \mathcal{L}_e}\right)}{d\mathcal{L}_e} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx}$$

$$= \mathcal{L}_i \frac{d\left(\frac{\mathcal{L}_e}{\mathcal{L}_i + \mathcal{L}_e}\right)}{d\mathcal{L}_e} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx}$$

$$= \frac{\mathcal{L}_i^2}{(\mathcal{L}_e + \mathcal{L}_i)^2} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx}$$

$$F_x = \frac{1}{2} \frac{\mathcal{L}_i^2}{(\mathcal{L}_i + \mathcal{L}_e)^2} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx} Q_a^2$$

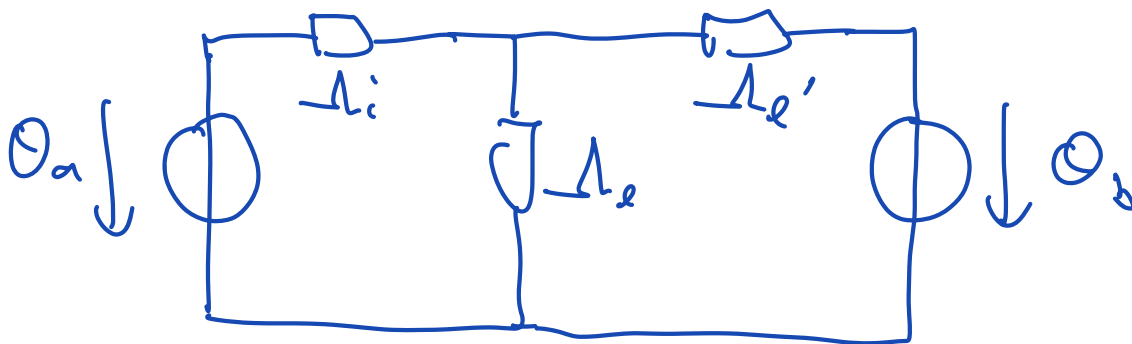
Par definition: $\mathcal{L}_{\text{tot}} = \mathcal{L}_a$



Force avec un aimant et une bobine :

a = aimant

b = bobine



Définition: $\Lambda_{ab} = \frac{\Phi_{ab}}{\Phi_a}$ | Flux de l'aimant qui passe dans la bobine

$$F_x = \frac{1}{2} \frac{d\Lambda_a}{dx} \Phi_a^2 + \frac{1}{2} \frac{d\Lambda_b}{dx} \Phi_b^2 + \frac{d\Lambda_{ab}}{dx} \Phi_a \Phi_b$$

Exercise: jumping ring :

